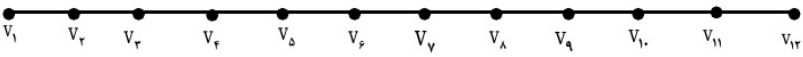


راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور وایثارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۳/۳۱		
پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه	تعداد صفحه: ۳ صفحه	مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) نادرست (۰/۲۵) ۸ ص (ب) نادرست (۰/۲۵) ۱۷ ص (ج) درست (۰/۲۵) ۱۸ ص (د) نادرست (۰/۲۵) ۴۶ ص	۱
۲	الف) ۳ یا $\left\lceil \frac{7}{3} \right\rceil$ (۰/۲۵) ۴۹ ص (ب) ۶۰ یا $\frac{5!}{2!}$ (۰/۲۵) ۸۷ ص	۰/۵
۳	ص ۸ $a^2 + b^2 \geq ab + a - b - 1$ (۰/۲۵) $\Leftrightarrow 2a^2 + 2b^2 - 2ab - 2a + 2b + 2 \geq 0$ (۰/۲۵) $\Leftrightarrow (a-b)^2 + (a-1)^2 + (b+1)^2 \geq 0$ (۰/۷۵) این رابطه همواره برقرار است. (۰/۲۵) (در صورت اثبات یک طرفه رابطه ها و ذکر برگشت پذیر بودن آنها نمره کامل تعلق گیرد).	۱/۵
۴	ص ۱۲ $a 7k+1 \Rightarrow a 28k+4$ (۰/۲۵) $a 4k+3 \Rightarrow a 28k+21$ (۰/۲۵) $a 17(a-17)$ (۰/۲۵) $a \in \mathbb{N}$ یا $a=17$ (۰/۲۵)	۱
۵	روش اول: $a = 4q_1 + 2$ (۰/۲۵) $\Rightarrow 5a = 20q_1 + 10$ (۰/۲۵) $a = 5q_r + 3$ (۰/۲۵) $\Rightarrow 4a = 20q_r + 12$ (۰/۲۵) $\Rightarrow a = 20(q_1 - q_r) - 2$ (۰/۲۵) $a = 20q_r + 18 \Rightarrow r = 18$ یا $r = -2 + 20 = 18$ (۰/۲۵) روش دوم: $a \equiv 2 \pmod{4}$ $\Rightarrow a = 4k + 2$ (۰/۲۵) $a \equiv 3 \pmod{5}$ $\Rightarrow 4k + 2 \equiv 3 \pmod{5} \Rightarrow 4k \equiv 1 \pmod{5} \Rightarrow k \equiv 4 \pmod{5} \Rightarrow k = 5t + 4$ (۰/۲۵) $\Rightarrow a = 4(5t + 4) + 2 = 20t + 18 \Rightarrow r = 18$ (۰/۲۵) ص ۱۶	۱/۲۵
۶	روش اول: $5x \equiv 22 \pmod{25} \Rightarrow x \equiv 8 \pmod{5} \Rightarrow x = 9k + 8$ یا $x = 9k - 1$ (۰/۲۵) $\begin{cases} 5(9k+8) + 9y = 22 \\ 5(9k-1) + 9y = 22 \end{cases} \Rightarrow y = -2 - 5k$ یا $y = -5k + 3$ (۰/۲۵) روش دوم: $9y \equiv 22 \pmod{25} \Rightarrow y \equiv 3 \pmod{5} \Rightarrow y = 5k + 3$ یا $y = 5k - 2$ (۰/۲۵) $\begin{cases} 5x + 9(5k+3) = 22 \\ 5x + 9(5k-2) = 22 \end{cases} \Rightarrow x = -1 - 9k$ یا $x = -9k + 8$ (۰/۲۵) ص ۲۹	۱/۵
۷	الف) $p = 7$ (۰/۲۵), $q = 10$ (۰/۲۵) ب) $ceabgf$ یا $cebagf$ (۰/۵)	۲

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایثارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۳/۳۱	مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir	
پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه	تعداد صفحه: ۳ صفحه		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
	<p>ج) $ebgfe$ (یا هر دور به طول ۴ دیگر قابل قبول است و نمره تعلق گیرد.) (۰/۵)</p> <p>د) روش اول:</p> <p>خیر (۰/۲۵) زیرا راس e در گراف G ماکزیمم درجه است لذا درجه آن در گراف $\bar{G}$ صفر می باشد. یا</p> <p>(۰/۲۵) $\bar{G}$ ناهمبند است $\Rightarrow \deg_{\bar{G}}(e) = 0 \Rightarrow \deg_G(e) = p - 1 = \Delta = 6$</p> <p>روش دوم:</p> <p>گراف مکمل G رسم شود (۰/۲۵) و به ناهمبند بودن آن اشاره شود. (۰/۲۵)</p>	۳۸ ۳۹
۸	<p>الف) خیر (۰/۲۵) زیرا راس d احاطه نمی شود. یا $N_G[a] \cup N_G[b] \cup N_G[m] \neq V(G)$ (۰/۲۵)</p> <p>ب) داریم $\gamma(G) = 2$ $\Rightarrow \gamma(G) \geq \left\lceil \frac{11}{6} \right\rceil = 2$ (۰/۵)، اما مجموعه احاطه گر دو عضوی برای این گراف وجود ندارد. پس، $\gamma(G) > 2$.</p> <p>از طرفی $\{a, m, d\}$ یک مجموعه احاطه گر گراف می باشد. (۰/۲۵) پس، $\gamma(G) = 3$ (۰/۲۵)</p> <p>(به مجموعه های احاطه گر سه عضوی دیگر نیز نمره تعلق گیرد)</p> <p>ج) $\{f, g, h, i, j\}$ (۰/۵)</p>	۴۶ ۴۹ ۴۶
۹	<p>الف) $\{b, g, a, f\}$ (۰/۵)</p> <p>ب) $\{c, e, h\}$ (۰/۵) ۴۷</p> <p>ج) ec یا eh یا gf یا gc (۰/۵) ۴۷</p>	۴۷ ۴۷
۱۰	<p>الف) رسم گراف (۰/۵)</p>  <p>ب) $\{v_2, v_5, v_8, v_{11}\}$ (۰/۵)</p>	۵۴
۱۱	<p>روش اول:</p> <p>(۰/۲۵) $5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \times (2!)^5 = 3840$ (۰/۷۵)</p> <p>روش دوم:</p> <p>(۰/۲۵) $(10 \times 1) \times (8 \times 1) \times (6 \times 1) \times (4 \times 1) \times (2 \times 1) = 3840$ (۰/۷۵)</p>	۷۱

راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷:۳۰	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایثارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۳/۳۱		
پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه	تعداد صفحه: ۳ صفحه	مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۲	<p>روش اول:</p> $x_1 + 2(3) + x_r + x_f = 20 \Rightarrow x_1 + x_r + x_f = 14 \quad (0/25) \quad x_1 - 3 \geq 0 \Rightarrow x_1 = y_1 + 3, x_r - 4 \geq 0 \Rightarrow x_r = y_r + 4$ $\underbrace{y_1 + 3}_{(0/25)} + \underbrace{y_r + 4}_{(0/25)} + x_f = 14 \Rightarrow y_1 + y_r + x_f = 7 \quad (0/25) \Rightarrow \underbrace{\begin{pmatrix} 7+3-1 \\ 3-1 \end{pmatrix}}_{(0/25)} = \underbrace{\begin{pmatrix} 9 \\ 2 \end{pmatrix}}_{(0/25)} = 36(0/25)$ <p>روش دوم:</p> $x_1 + x_r + x_f = 14 \quad (0/25)$ $\underbrace{\begin{pmatrix} 14-3-4+3-1 \\ 3-1 \end{pmatrix}}_{(0/25)} = \underbrace{\begin{pmatrix} 9 \\ 2 \end{pmatrix}}_{(0/25)} = 36(0/25)$ <p>ص ۶۱ و ۷۱</p>	۱/۵
۱۳	<p>ص ۵۸</p> $\frac{10!(0/25)}{2! \times 3! \times 4!} \quad (0/25) \quad (0/25) \quad (0/25)$	۱
۱۴	<p>چون اعداد دو رقمی تکراری در مربع ساخته شده وجود ندارد پس متعامدند. (۰/۲۵)</p> <p>(به مربع های لاتین دیگر که ویژگی سوال را داشته باشند، نمره تعلق گیرد.)</p> <p>ص ۶۸</p>	۱/۲۵
۱۵	<p>روش اول:</p> $3^5 - \left(3 \times 2^5 - 3 \right) = 150 \quad (0/25)$ <p>روش دوم:</p> $\left. \begin{aligned} A_1 &= \{ f : A \rightarrow B \mid f(a_i) \neq b_i, 1 \leq i \leq 5 \} \Rightarrow A_1 = 2^5 \\ A_r &= \{ f : A \rightarrow B \mid f(a_i) \neq b_r, 1 \leq i \leq 5 \} \Rightarrow A_r = 2^5 \\ A_f &= \{ f : A \rightarrow B \mid f(a_i) \neq b_f, 1 \leq i \leq 5 \} \Rightarrow A_f = 2^5 \end{aligned} \right\} \quad (0/25)$ $ A_1 \cap A_r = A_1 \cap A_f = A_r \cap A_f = 1(0/25), A_1 \cap A_r \cap A_f = 0$ $ A_1 \cup A_r \cup A_f = S - A_1 \cup A_r \cup A_f (0/25) = 3^5 - (3 \times 2^5 - 3 \times 1) = 150(0/25)$ <p>ص ۷۷</p>	۱

باسمه تعالی

مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷:۳۰	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: ریاضیات گسسته
تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۳/۳۱	دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایثارگر داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳		
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://azmoon.medu.ir	تعداد صفحه: ۳ صفحه	پایه: دوازدهم دوره دوم متوسطه	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۶	تعداد لانه : $n = 3 \times 3 = 9 (0/25)$ $k + 1 = 21 \Rightarrow k = 20 (0/25)$ تعداد کبوتر ها : $kn + 1 = 20 \times 9 + 1 = 181 (0/5)$ ص ۸۳	۱
		۲۰

همکاران گرامی، خدا قوت، تمام موارد درخور اهمیت جهت نمره گذاری در راهنمای تصحیح نوشته شده است، خواهشمند است جهت رعایت عدالت آموزشی، اوراق دانش آموزان، صرفاً بر اساس راهنمای مذکور تصحیح و بازبینی شوند.

با سپاس از مساعدت همکاران بزرگوار